

Prácticas de laboratorio (Física I y Física II)

Antonio González Fernández

Departamento de Física Aplicada III

Universidad de Sevilla

8. Rectas potenciales y exponenciales

Dependencia potencial y dependencia exponencial

En ocasiones tenemos magnitudes que varían **exponencialmente**

$$y = Ke^{\lambda x}$$

Otras tenemos (o suponemos) una dependencia **potencial**

$$y = Kx^n$$

En estos casos se toman logaritmos de los dos miembros

Las leyes generales se reducen a ecuaciones de rectas

$$\ln(y) = \ln(K) + \lambda x = A + Bx$$

$$A = \ln(K)$$

$$B = \lambda$$

$$\ln(y) = \ln(K) + n \ln(x) = A + B \ln(x)$$

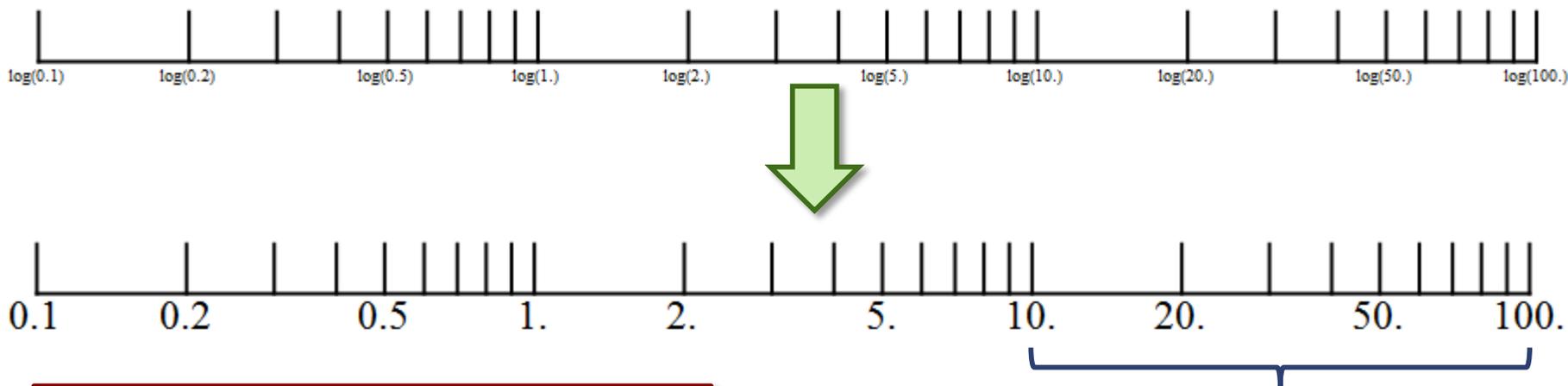
$$A = \ln(K)$$

$$B = n$$

Escalas logarítmicas: ideales cuando una magnitud varía en un rango amplio

Para rectas de leyes potenciales y exponenciales podemos hacer una recta normal usando los logaritmos como variables

O podemos usar escalas logarítmicas



Permiten representar en la misma escala valores muy diferentes

Década

Ejemplo de recta potencial: dependencia del periodo planetario con la distancia

El "año" de cada planeta crece con la distancia al Sol

¿Es proporcional?

Suponemos una ley $T = Ka^n$

Llevamos los logaritmos a lineal.xls

| Planeta | a (UA) | T (a) | $\ln(d)$ | $\ln(T)$ |
|----------|----------|---------|------------|------------|
| Mercurio | 0.3871 | 0.2408 | -0.9490722 | -1.4237886 |
| Venus | 0.7233 | 0.6152 | -0.3239312 | -0.4858079 |
| Tierra | 1.0000 | 1.0000 | 0.0000000 | 0.0000000 |
| Marte | 1.5273 | 1.8809 | 0.4235015 | 0.6317504 |
| Júpiter | 5.2028 | 11.862 | 1.6491969 | 2.4733400 |
| Saturno | 9.5388 | 29.458 | 2.2553677 | 3.3829655 |
| Urano | 19.1914 | 84.01 | 2.9544623 | |
| Neptuno | 30.0611 | 164.79 | 3.4032320 | |

Datos

C5

Calculados

=LN(C5)

| Parámetros de la recta |
|--|
| Ordenada en el origen $A = -0.000687739$ |
| Incertidumbre de la ordenada $E_A = 0.001150089$ |
| Pendiente $B = 1.500046087$ |
| Incertidumbre de la pendiente $E_B = 0.000600931$ |
| Coefficiente de correlación $r = 0.99999998$ |

$r = 0.99999998$

$A = -0.0006(11)$

El exponente es $n = B \approx 1.5$

$B = 1.5000(6)$

$T = Ka^{1.5}$

$K = e^A \approx 1$

Gráfica log-log de una dependencia potencial

